

1) Una trave in legno con luce $l=4,70$ m, appoggiata agli estremi, è gravata da un carico ripartito uniforme $q=16\text{KN/m}$ compreso il peso proprio, e presenta una sezione rettangolare di 26×38 cm.

Calcolare la tensione massima nella sezione. [$s=7,06$ N/mm²]

2) Calcolare la tensione nominale della trave HEA180 avente luce $l=4,70\text{m}$ e soggetta a un carico ripartito uniformemente $q=16\text{KN/m}$. [$s=150,27$ N/mm²]

3) Si vuole conoscere il carico massimo per metro lineare, uniformemente distribuito, che può gravare su una trave avente una luce di $5,40$ m, realizzata con un profilato in acciaio tipo HEB 220, tale che la tensione massima nella trave non risulti superiore a 16000 N/cm². [$q=31,59$ kN/m]

4) un cubo di cls di lato 10 cm si rompe sotto un carico di compressione $N=28400$ daN. Calcolare la resistenza a compressione ed il grado di sicurezza essendo $s_{amm}=60$ kg/cm². [$s=4,7$]

5) Un tronco di legno di larice di sezione quadrata di lato 8×8 cm, compresso parallelamente alla fibre si rompe con un carico di compressione $N=14000$ daN. Calcolare la resistenza a compressione e la tensione ammissibile essendo $s=4$. [$s_{amm}=55$ Kg/cm² $s_r=219$ daN/cm²]

6) Un tirante di acciaio è lungo 10 m ed è teso da uno sforzo di 1250 daN. Essendo il diametro della barra 10mm ed il carico di rottura dell'acciaio $s_r=4200$ daN/cm² calcolare il grado di sicurezza s , l'allungamento DI del tirante. [$s=2,64$ $DI=0,76$ cm]

7) supponiamo che il tirante dell'esercizio precedente (6) si allunghi in realtà di $0,78$ cm. Calcolare il modulo elastico. [$E=2041026$ daN/ cm²]

8)Un cubetto di cls si è rotto a compressione con un carico 675 KN, avendo uno spigolo di 15 cm. Calcolare la tensione di rottura a compressione ed il grado di sicurezza essendo $s_{amm}=68\text{daNg/cm}^2$. [$s=4,41$ $s_r=300$ daN/cm²]

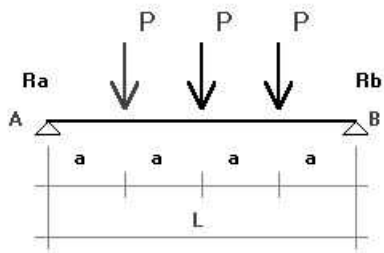
9) Calcolare la sezione circolare che deve avere un tirante di acciaio lungo 3 m, soggetto ad uno sforzo $S=4000$ daN, affinché il suo allungamento elastico non superi 1 mm e la tensione sia minore o uguale a quella ammissibile, $s_{amm}=1600$ daN/cm² [$A=5,71$ cm² diametro 27 mm]

10)Un filo di acciaio di 6 mm di diametro, lungo 25m e teso con 400 daN, si allunga di $1,68\text{cm}$. Calcolare il modulo elastico E . [$E=2105224$ daN/ cm²]

11)Una trave in IPE ha una luce di 8 m ed è caricata da un carico uniformemente ripartito $q=2000$ daN/m. Calcolare la sezione della trave, essendo $s_{amm}=1600$ daN/cm² [IPE400]

12) Una trave in acciaio IPE300 ha una luce di 6m . Si richiede il calcolo del carico massimo uniformemente ripartito che può essere applicato su detta trave essendo $s_{amm}=1600$ daN/cm² [$q=1938$ daN/m]

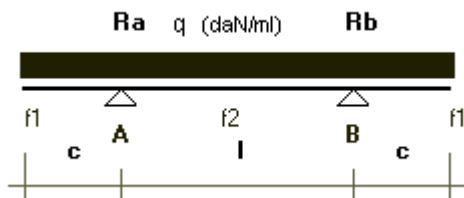
13)Una trave in legno lamellare ha lo schema



$a=2\text{m}$, $P=20\text{kN}$, $L=8\text{m}$

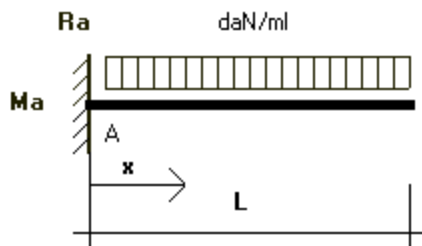
Calcolare la sezione rettangolare della trave alla tensione ammissibile del legno lamellare di classe-qualità II: $S_{amm}=110 \text{ daN/cm}^2$ e verificarla. [12,50x61 cm]

14)Progettare una trave in acciaio IPE avente lo schema statico:



$l=8\text{m}$, $c=2\text{m}$, $q=20\text{kN/m}$, $S_{amm}=1600 \text{ daN/cm}^2$ [IPE360]

15)La trave a mensola:

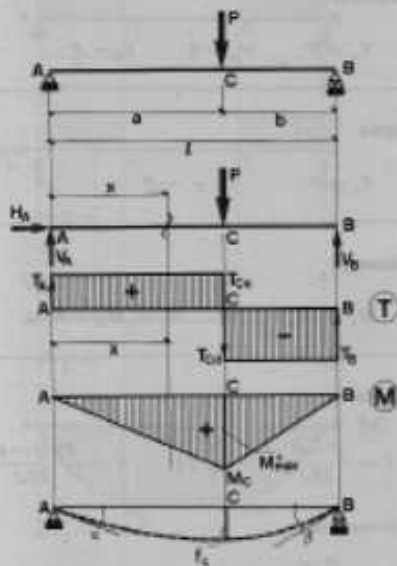


Ha una luce $L=2\text{m}$, è caricata uniformemente da un carico $q=1000 \text{ daN/m}$ ed è in profilato IPE 180. Verificare la trave. [$S_{max} < S_{amm}$]

RIPASSO:

GRAFICI E DIAGRAMMI	FORMULE ANALITICHE
<p>Carico concentrato all'estremo</p>	<p>Reazioni</p> $V_A = P; \quad H_A = 0; \quad M_A = Pl$ <p>Taglio</p> $T_x = -P; \quad T_x = P \text{ (costante)}$ <p>Momenti</p> $M_A = M_{\text{max}} = -P \cdot l$ $M_x = -P \cdot x \text{ (variazione lineare)}$ <p>Spostamenti</p> $f = \frac{1}{3} \frac{P \cdot l^3}{EJ}; \quad \alpha = \frac{P \cdot l^2}{2EJ}$
<p>Carico uniformemente ripartito</p>	<p>Reazioni</p> $V_A = p \cdot l; \quad H_A = 0; \quad M_A = \frac{p \cdot l^2}{2}$ <p>Taglio</p> $T_B = 0; \quad T_x = p \cdot l$ $T_x = p \cdot x \text{ (variazione lineare)}$ <p>Momenti</p> $M_A = M_{\text{max}} = -\frac{p \cdot l^2}{2}$ $M_x = -\frac{p \cdot x^2}{2} \text{ (variazione parabolica)}$ <p>Spostamenti</p> $f = \frac{p \cdot l^4}{8EJ}; \quad \alpha = \frac{p \cdot l^3}{6EJ}$

Carico concentrato in un punto qualsiasi



Reazioni

$$V_A = \frac{Pb}{l}; \quad V_B = \frac{Pa}{l}; \quad H_A = 0$$

Taglio

$$T_{A^+} = V_A = \frac{Pb}{l}; \quad T_{C^+} = \frac{Pb}{l}$$

$$T_{C^-} = -\frac{Pa}{l}; \quad T_B = -\frac{Pa}{l} \quad (\text{tratto A C})$$

Momenti

$$M_A = M_B = 0$$

$$M_C = M_{\max} = +\frac{Pab}{l}$$

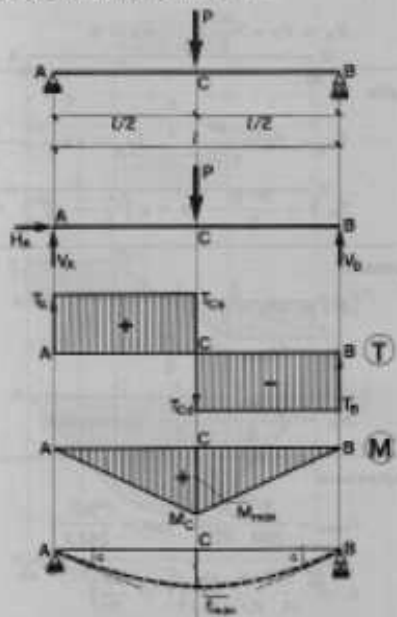
$$M_x = +\frac{Pb}{l}x \quad (\text{tratto A C})$$

Spostamenti

$$f_C = \frac{1}{3} \frac{Pab^2}{EJ}$$

$$\alpha = -\frac{Pb(l^2 - b^2)}{6EJ}; \quad \beta = \frac{Pa(l^2 - a^2)}{6EJ}$$

Carico concentrato in mezz'ora



Reazioni

$$V_A = V_B = \frac{P}{2}; \quad H_A = 0$$

Taglio

$$T_A = V_A = \frac{P}{2}; \quad T_B = -\frac{P}{2}$$

Momenti

$$M_A = M_B = 0$$

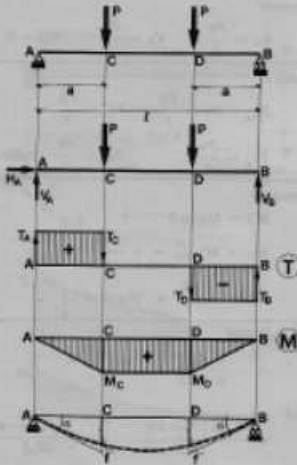
$$M_{l/2} = M_{\max} = \frac{Pl}{4}$$

Spostamenti

$$f = \frac{Pl^3}{48EJ}$$

$$\alpha = -\frac{Pl^2}{16EJ}$$

Due carichi uguali concentrati a distanze uguali dall'appoggio



Reazioni

$$V_A = P; \quad H_A = 0; \quad V_B = P$$

Taglio

$$T_A = P; \quad T_B = -P$$

Momenti

$$M_A = M_B = 0; \quad M_C = M_D = P \cdot a$$

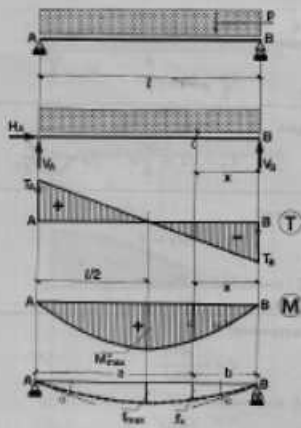
Spostamenti

$$f = \frac{P \cdot a^3}{24EJ} \left(l - \frac{4}{3} a \right); \quad \alpha = \frac{Pa(l-a)}{24EJ}$$

in mezzaria

$$f_{\max} = \frac{P \cdot a}{24EJ} (3 \cdot l - 4a^2)$$

Carico uniforme su tutta la trave



Reazioni

$$V_A = V_B = \frac{pl}{2}; \quad H_A = 0$$

Taglio

$$T_A = V_A - \frac{px}{2}; \quad T_B = V_B - \frac{px}{2}$$

$$T_x = +\frac{p \cdot l}{2} - px = p \left(\frac{l}{2} - x \right)$$

Momenti

$$M_A = M_B = 0$$

$$M_{\text{min}} = M_{\text{max}} = -\frac{pl^2}{8}$$

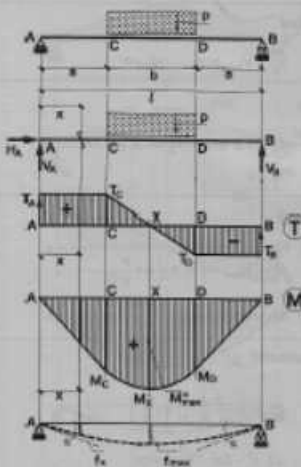
$$M_x = +\frac{plx}{2} - \frac{px^2}{2} \text{ (parabolico)}$$

Spostamenti

$$f_{\max} = \frac{5}{384} \frac{pl^4}{EJ}; \quad \alpha = \frac{pl^3}{24EJ}$$

$$f_x = \frac{1}{24} \frac{pl^3}{EJ} \frac{ab}{l^3} \left(1 + \frac{ab}{l^3} \right)$$

Carico uniforme su tratto centrale di trave



Reazioni

$$V_A = \frac{p \cdot b}{2}; \quad H_A = 0; \quad V_B = \frac{pb}{2}$$

Taglio

$$T_A = \frac{p \cdot b}{2}; \quad T_B = -\frac{pb}{2}$$

Momenti

$$M_A = M_B = 0; \quad M_C = M_D = +\frac{p \cdot b \cdot a}{2}$$

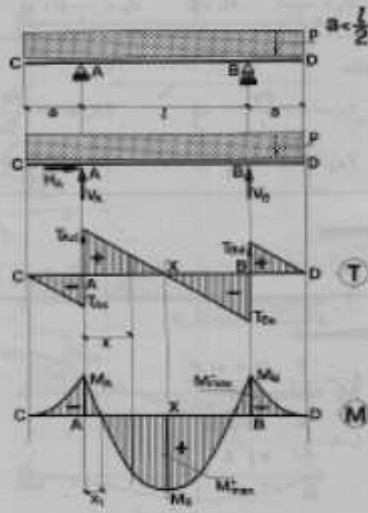
$$M_x = \frac{p}{2} [bx - (x-a)^2] \text{ (parabolico)}$$

$$M_{\max} = +\frac{p \cdot b}{8} (2 \cdot l - b)$$

Spostamenti

$$f_{\max} = \frac{p \cdot b}{96 \cdot l^3 \cdot EJ} \left(2 \cdot l^3 - l \cdot b^2 + \frac{b^3}{4} \right)$$

Carico uniforme su tutta la trave



Reazioni

$$V_A = V_B = \frac{p}{2}(l + 2a); \quad H_A = 0$$

Taglio

$$T_{A,0} = -p \cdot a; \quad T_{B,0} = -p \cdot a$$

$$T_{A,x} = V_A - px; \quad T_{B,x} = -V_B + px$$

$$T_x = p \left(\frac{l}{2} - x \right) \text{ (lineare)}$$

$$T_x = 0 \text{ (per } x = \frac{l}{2} \text{)}$$

Momenti

$$M_C = M_D = 0; \quad M_A = M_B = -\frac{p \cdot a^2}{2}$$

$$M_x = -\frac{p}{2}(x^2 - lx + a^2) \text{ (parabolico)}$$

$$M_{x_0} = 0 \text{ (per } x = \frac{l \pm \sqrt{l^2 - 4a^2}}{2} \text{)}$$

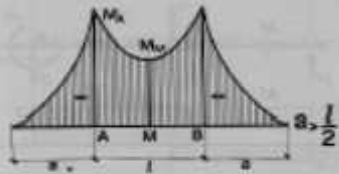
$$M_{l,2} = M_{max} = -\frac{p}{8}(l^2 - 4a^2)$$



Momenti

$$M_A = M_B = -\frac{p \cdot a^2}{2}$$

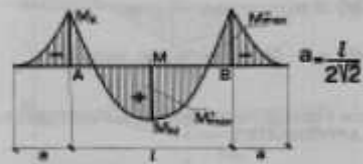
$$M_M = 0$$



Momenti

$$M_A = M_B = -\frac{p \cdot a^2}{2}$$

$$M_M = \frac{p}{8}(l^2 - 4a^2) \text{ (sempre negativo)}$$



Momenti

$$M_A = M_B = -\frac{p \cdot a^2}{2}$$

$$M_{l,2} = +\frac{p \cdot a^2}{2}$$

(momenti massimi negativi e momento massimo positivo uguali in valore assoluto)