

# FORMULARIO DI ISTITUTO PER LE CLASSI PRIME CAT-MATEMATICA

Proprietà delle potenze:

$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$	$a^m : a^n = a^{m-n}$	$a^m \cdot b^m = (a \cdot b)^m$	$a^m : b^m = (a : b)^m$	$(a^m)^n = a^{m \cdot n}$
---------------------------	-----------------------	---------------------------------	-------------------------	---------------------------

Prodotti notevoli:

$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$	$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$
--------------------------	-----------------------------	---------------------------------------

Scomposizione in fattori di un polinomio:

Raccoglimento totale	$ax + ay + az = a(x + y + z)$
Raccoglimento parziale	$ax + ay + bx + by = a(x + y) + b(x + y) = (x + y)(a + b)$
Differenza di quadrati	$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$
Quadrato di binomio	$a^2 \pm 2ab + b^2 = (a \pm b)^2$
Cubo di binomio	$a^3 \pm 3a^2b + 3ab^2 \pm b^3 = (a \pm b)^3$
Trinomio caratteristico	$x^2 + Sx + P = (x + a)(x + b) \quad a + b = S \quad a \cdot b = P$
Somma/differenza di cubi	$a^3 \pm b^3 = (a \pm b)(a^2 \mp ab + b^2)$

## FORMULARIO DI ISTITUTO PER LE CLASSI SECONDE CAT-MATEMATICA

Distanza di due punti:  $\overline{AB} = \sqrt{(x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2}$

Punto medio:  $M \equiv \left( \frac{x_A + x_B}{2}; \frac{y_A + y_B}{2} \right)$

Coefficiente angolare:  $m_{AB} = \frac{y_A - y_B}{x_A - x_B}$

Fascio proprio di rette:  $y - y_0 = m(x - x_0)$

Distanza punto-retta:  $d(P, r) = \frac{|ax_P + by_P + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$

Formula risolutiva dell'equazione di 2 grado:  $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

Somma e prodotto delle radici dell'equazione di 2 grado:  $S = -\frac{b}{a} \quad P = \frac{c}{a}$

Scomposizione del trinomio di secondo grado:  $ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$

Formule relative all'equazione di una parabola avente l'asse parallelo all'asse y:

$$V = \left( -\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a} \right) \quad F = \left( -\frac{b}{2a}; \frac{-\Delta + 1}{4a} \right)$$

$$\text{asse: } x = -\frac{b}{2a} \quad \text{direttrice: } y = \frac{-\Delta - 1}{4a}$$

# FORMULARIO DI ISTITUTO PER LE CLASSI TERZE CAT-MATEMATICA

## TRIGONOMETRIA:

Formule fondamentali della goniometria:	$\text{sen}^2 \alpha + \text{cos}^2 \alpha = 1$	$\text{tg} \alpha = \frac{\text{sen} \alpha}{\text{cos} \alpha}$
---	---	--

Altre formule della goniometria:	$\text{sen} \alpha = \frac{\text{tg} \alpha}{\pm \sqrt{1 + \text{tg}^2 \alpha}}$	$\text{cos} \alpha = \frac{1}{\pm \sqrt{1 + \text{tg}^2 \alpha}}$
----------------------------------	--	---

Formule di addizione/sottrazione	$\text{sen}(\alpha - \beta) = \text{sen} \alpha \cdot \text{cos} \beta - \text{cos} \alpha \cdot \text{sen} \beta$	$\text{sen}(\alpha + \beta) = \text{sen} \alpha \cdot \text{cos} \beta + \text{cos} \alpha \cdot \text{sen} \beta$
	$\text{cos}(\alpha - \beta) = \text{cos} \alpha \text{cos} \beta + \text{sen} \alpha \cdot \text{sen} \beta$	$\text{cos}(\alpha + \beta) = \text{cos} \alpha \text{cos} \beta - \text{sen} \alpha \cdot \text{sen} \beta$

Formule di duplicazione:	$\text{sen} 2\alpha = 2 \text{sen} \alpha \cdot \text{cos} \alpha$	$\text{cos} 2\alpha = \text{cos}^2 \alpha - \text{sen}^2 \alpha = 2 \text{cos}^2 \alpha - 1 = 1 - 2 \text{sen}^2 \alpha$
--------------------------	--	--

Formule di bisezione:	$\text{sen} \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \text{cos} \alpha}{2}}$	$\text{cos} \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \text{cos} \alpha}{2}}$	$\text{tg} \frac{\alpha}{2} = \frac{1 - \text{cos} \alpha}{\text{sen} \alpha} = \frac{\text{sen} \alpha}{1 + \text{cos} \alpha}$
-----------------------	--	--	--

Formule parametriche:	$\text{sen} \alpha = \frac{2t}{1+t^2}$	$\text{cos} \alpha = \frac{1-t^2}{1+t^2}$	$\text{tg} \alpha = \frac{2t}{1-t^2}$	$t = \text{tg} \frac{\alpha}{2}$
-----------------------	--	---	---------------------------------------	----------------------------------

Teoremi sui triangoli rettangoli:	$\text{sen} \alpha = \frac{\text{cateto opposto}}{\text{ipotenusa}}$	$\text{cos} \alpha = \frac{\text{cateto adiacente}}{\text{ipotenusa}}$	$\text{tg} \alpha = \frac{\text{cateto opposto}}{\text{cateto adiacente}}$
-----------------------------------	--	--	--

Teorema della corda:	$\overline{AB} = 2r \cdot \text{sen} \gamma$
----------------------	--

Teorema dei seni:	$\frac{a}{\text{sen} \alpha} = \frac{b}{\text{sen} \beta} = \frac{c}{\text{sen} \gamma}$
-------------------	--

Teorema di Carnot:	$a = \sqrt{b^2 + c^2 - 2bc \cdot \text{cos} \alpha}$	$b = \sqrt{a^2 + c^2 - 2ac \cdot \text{cos} \beta}$	$c = \sqrt{a^2 + b^2 - 2ab \cdot \text{cos} \gamma}$
--------------------	--	---	--

## GEOMETRIA ANALITICA:

Circonferenza:

$$(x - \alpha)^2 + (y - \beta)^2 = r^2, \quad x^2 + y^2 + ax + by + c = 0, \quad \alpha = -\frac{a}{2}, \quad \beta = -\frac{b}{2}, \quad r = \sqrt{\alpha^2 + \beta^2 - c}$$

Ellisse:

$$\begin{array}{lll} \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 & a > b & c = \sqrt{a^2 - b^2} & e = \frac{c}{a} \\ & a < b & c = \sqrt{b^2 - a^2} & e = \frac{c}{b} \end{array}$$

Iperbole:

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 \quad c = \sqrt{a^2 + b^2} \quad e = \frac{c}{a} \quad y = \pm \frac{b}{a}x$$

$$\frac{y^2}{b^2} - \frac{x^2}{a^2} = 1 \quad c = \sqrt{a^2 + b^2} \quad e = \frac{c}{b} \quad y = \pm \frac{b}{a}x$$

$$x^2 - y^2 = \pm a^2 \quad c = a\sqrt{2} \quad e = \sqrt{2} \quad y = \pm x$$

$$x \cdot y = \pm k \quad k = \frac{a^2}{2}$$

## LOGARITMI

$$\log_a b = c \quad \Leftrightarrow \quad a^c = b$$

Proprietà dei logaritmi:

$$\log_a (bc) = \log_a b + \log_a c$$

$$\log_a \left( \frac{b}{c} \right) = \log_a b - \log_a c$$

$$\log_a b^\alpha = \alpha \log_a b$$

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

# FORMULARIO DI ISTITUTO PER LE CLASSI QUARTE CAT/GEOT - MATEMATICA

DERIVATE:

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

Derivate fondamentali e teoremi sul calcolo delle derivate:

Funzione	Derivata	Funzione	Derivata
$k$	$0$	$\cot gx$	$-\frac{1}{\operatorname{sen}^2 x} = -\cot g^2 x - 1$
$x$	$1$	$\operatorname{arcsen} x$	$\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
$x^n$	$nx^{n-1}$	$\arccos x$	$-\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
$\sqrt{x}$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	$\operatorname{arctg} x$	$\frac{1}{1+x^2}$
$a^x$	$a^x \ln a$	$kf(x)$	$kf'(x)$
$e^x$	$e^x$	$f(x) + g(x)$	$f'(x) + g'(x)$
$\log_a x$	$\frac{1}{x \ln a}$	$f(x) \cdot g(x)$	$f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$
$\ln x$	$\frac{1}{x}$	$\frac{f(x)}{g(x)}$	$\frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{[g(x)]^2}$
$\operatorname{sen} x$	$\cos x$	$[f(x)]^n$	$n[f(x)]^{n-1} \cdot f'(x)$
$\cos x$	$-\operatorname{sen} x$	$f[g(x)]$	$f'[g(x)] \cdot g'(x)$
$\operatorname{tg} x$	$\frac{1}{\cos^2 x} = 1 + \operatorname{tg}^2 x$		

# STATISTICA

## FORMULE di CONNESSIONE

X e Y indipendenti se  $f_{ij} = \frac{f_{oj} \cdot f_{i0}}{n}$

FREQUENZE TEORICHE DI INDIPENDENZA:  $f'_{ij} = \frac{f_{oj} \cdot f_{i0}}{n}$

CONTINGENZA:  $c(x_i, y_j) = f_{ij} - f'_{ij}$

- proprietà:  $\sum c(x_i, y_j) = 0$

INDICE  $\chi^2 = \sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^h \frac{c^2(x_i, y_j)}{f'_{ij}} = n \left[ \sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^h \frac{f^2(x_i, y_j)}{f(x_i)f(y_j)} - 1 \right]$

proprietà:

- $\chi^2 = 0 \Leftrightarrow c(x_i, y_j) = 0 \forall ij \Leftrightarrow f_{ij} = f'_{ij} \Leftrightarrow X$  e  $Y$  indipendenti
- $\chi^2$  cresce al crescere di  $c(x_i, y_j)$  cioè maggiore è  $\chi^2$  maggiore è la connessione dei caratteri  $X$  e  $Y$ .

INDICE  $\chi^2$  normalizzato =  $\chi^2_{norm} = \frac{\chi^2}{n \cdot \min[(h-1)(k-1)]}$

## FORMULE di CORRELAZIONE

VARIANZA:  $\sigma_x^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n} = \frac{\sum x_i^2}{n} - \bar{x}^2$

DEVIATIONE STANDARD:  $\sigma_x = \sqrt{\sigma_x^2} = \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{n} - \bar{x}^2}$

COVARIANZA:  $\sigma_{xy} = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{n} = \frac{\sum x_i y_i}{n} - \bar{x}\bar{y}$

COEFFICIENTE DI CORRELAZIONE:  $r = \frac{\sigma_{xy}}{\sigma_x \sigma_y}$

COEFFICIENTE ANGOLARE DELLA RETTA DI REGRESSIONE  $m = \frac{\sigma_{xy}}{\sigma_x^2}$

EQUAZIONE DELLA RETTA DI REGRESSIONE  $y - \bar{y} = \frac{\sigma_{xy}}{\sigma_x^2} (x - \bar{x})$

## CALCOLO COMBINATORIO

### DISPOSIZIONI SEMPLICI

Il numero delle disposizioni semplici di  $n$  elementi di classe  $k$  è:  $D_{n,k} = n(n-1)(n-2)\cdots(n-k+1)$

### DISPOSIZIONI CON RIPETIZIONE

Il numero delle disposizioni con ripetizione di  $n$  elementi di classe  $k$  è:  $D_{n,k}^r = n^k$

### PERMUTAZIONI SEMPLICI

Il numero delle permutazioni semplici è:  $P_n = D_{n,n} = n(n-1)(n-2)\cdots 3 \cdot 2 \cdot 1 = n!$

PERMUTAZIONI CICLICHE:  $P_n' = (n-1)!$

PERMUTAZIONI CON UN ELEMENTO RIPETUTO  $m$  VOLTE:  $P^r(n, m) = \frac{n!}{m!}$

PERMUTAZIONI CON PIU' ELEMENTI RIPETUTI:  $a$  ripetuto  $m$  volte,  $b$  ripetuto  $q$  volte,  $c$  ripetuto  $s$  volte:  $P^r(n, m, q, s) = \frac{n!}{m!q!s!}$

### COMBINAZIONI SEMPLICI

Il numero delle combinazioni semplici di  $n$  elementi di classe  $k$  è:

$$C_{n,k} = \frac{D_{n,k}}{k!} = \frac{n(n-1)(n-2)\cdots(n-k+1)}{k!}$$

### COMBINAZIONI CON RIPETIZIONE

Il numero delle combinazioni con possibile ripetizione di ogni elemento fino a  $k$  volte è:

$$C_{n,k}^r = \frac{n(n+1)(n+2)\cdots(n+k-1)}{k!}$$

### COEFFICIENTI BINOMIALI

$$C_{n,k} = \frac{n(n-1)(n-2)\cdots(n-k+1)}{k!} = \binom{n}{k}$$

$$(a+b)^n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} a^{n-k} b^k$$

# FORMULARIO DI ISTITUTO PER LE CLASSI QUINTE CAT/GEOT-MATEMATICA

Integrali indefiniti immediati:

Funzione	Primitiva	Funzione	Primitiva
$k$	$kx$	$\text{sen } x$	$-\cos x$
$x^\alpha \quad \alpha \neq -1$	$\frac{1}{\alpha+1} x^{\alpha+1}$	$\frac{1}{\cos^2 x}$	$\text{tg } x$
$\frac{1}{x}$	$\ln x $	$\frac{1}{\text{sen}^2 x}$	$-\cot gx$
$e^x$	$e^x$	$\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$\text{arcsen } x$
$a^x$	$\frac{1}{\ln a} a^x$	$\frac{1}{1+x^2}$	$\text{arctg } x$
$\cos x$	$\text{sen } x$		

Integrazione per sostituzione:  $\int f[g(x)] \cdot g'(x) dx = F[g(x)] + c$

Integrazione per parti:  $\int f(x) \cdot g'(x) dx = f(x) \cdot g(x) - \int f'(x) \cdot g(x) dx$

Volume di un solido di rotazione:  $V = \pi \int_a^b [f(x)]^2 dx$

Lunghezza di un arco di curva:  $l = \int_a^b \sqrt{1 + (f'(x))^2} dx$

## EQUAZIONI DIFFERENZIALI

$$y' + a(x)y = b(x) \quad y = e^{-\int a(x) dx} \cdot \left[ \int b(x) \cdot e^{\int a(x) dx} dx + c \right]$$

$$ay'' + by' + cy = 0 \quad \text{se } \Delta > 0 \quad y = c_1 e^{\lambda_1 x} + c_2 e^{\lambda_2 x}$$

$$\text{se } \Delta = 0 \quad y = (c_1 x + c_2) e^{\lambda x}$$

$$\text{se } \Delta < 0 \quad y = e^{\alpha x} [c_1 \text{sen}(\beta x) + c_2 \cos(\beta x)]$$