

$$11) \frac{1}{5} [(-5)^2]^3 = 5^{-1} \cdot (-5)^6 = 5^5 \quad c)$$

$$12) 9x^4 + 6x^2 + 1 = 0 \rightarrow (3x^2 + 1)^2 = 0 \quad \nexists x \in \mathbb{R} \quad b)$$

$$13) \exists x \in \mathbb{R} \wedge x < 0 \quad a)$$

$$x = -2 \quad \text{es.}$$

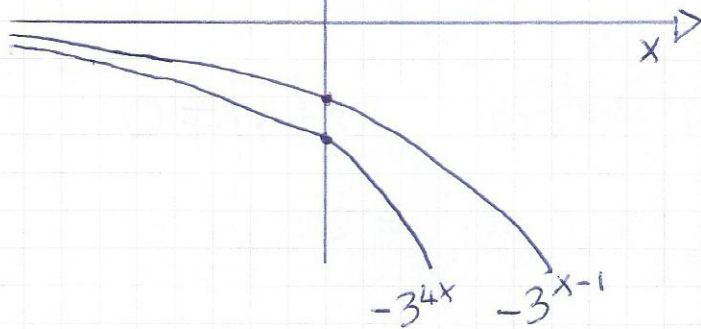
$$\frac{|-2|}{-2-1} = \frac{2}{-3} < 0$$

$$14) -3^{x-1} = (9^x)^2$$

$$-3^{x-1} = 3^{4x}$$

$$-3^{x-1} - 3^{4x} = 0$$

La somma di 2 quantità negative è negativa quindi
a) nessuna soluzione reale



$$15) \sin x - 2 \cos x = 0$$

$$\frac{\sin x}{\cos x} - 2 = 0$$

$$\tan x - 2 = 0 \rightarrow \tan x = 2$$

b) solo una soluzione

$$x = 63,43494882$$

$$\rightarrow 63^\circ 26' 6''$$

$$16) (\sqrt{3})^{\sqrt{12}} = \left(3^{\frac{1}{2}}\right)^{2\sqrt{3}} = 3^{\sqrt{3}}$$

a)

$$17) b: 1800 \cdot 0,3 = 540$$

$$a: 1800 - 540 = 1260 \cdot 0,3 = 378$$

$$j: 1800 - 540 - 378 = 882$$

$$18) x^3 + 3a^2x + 6x^2 + 8 = 0 \rightarrow x^3 + 3(\pm 2)^2x + 6x^2 + 8 = 0$$

$$(x+2)^3 = 0 \quad x = -2$$

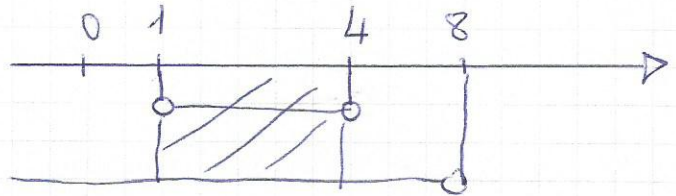
soluzioni
coincidenti

$$b) a = \pm 2$$

$$19) \begin{cases} x^2 - 5x + 4 < 0 \rightarrow x_1 = 1 \vee x_2 = 4 \\ -x + 16 > 8 \rightarrow x < 8 \end{cases}$$

$$-x + 16 > 8 \rightarrow x < 8$$

$$1 < x < 4$$



a)

$$20) |x+2| \leq -|x+1| \quad a) \text{ } \cancel{A}$$

Essendo il valore assoluto per definizione sempre positivo allora

$|x+2|$ non può essere né $<$ né $=$
a una quantità negativa $-|x+1|$